РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

по математике (углублённый уровень) для обучающихся 10–11 класса

> Разработчик: Учитель математики Гаева Оксана Геннадьевна

Пояснительная записка

Рабочая программа учебного предмета «Математика» для 10–11 классов (далее – Рабочая программа) является составной частью Основной образовательной программы среднего общего образования.

Приоритетными **целями** обучения математике в 10—11 классах на углублённом уровне остаются:

- формирование центральных математических понятий (число, величина, геометрическая фигура, переменная, вероятность, функция, производная, интеграл), обеспечивающих преемственность и перспективность математического образования обучающихся;
- подведение учащихся на доступном для них уровне к осознанию взаимосвязи математики и окружающего мира, пониманию математики как части общей культуры человечества;
- развитие интеллектуальных и творческих способностей учащихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению математики;
- формирование функциональной математической грамотности: умения распознавать математические аспекты в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, формулировать их на языке математики и создавать математические модели, применять освоенный математический аппарат для решения практико-ориентированных задач, интерпретировать и оценивать полученные результаты.

Основные линии содержания курса математики в 10-11 классах углублённого уровня: «Числа и вычисления», «Алгебра» («Алгебраические выражения», «Уравнения и неравенства»), «Начала математического анализа», «Геометрия» («Геометрические фигуры и их свойства», «Измерение геометрических величин»), «Вероятность и статистика». Данные линии развиваются параллельно, каждая в соответствии с собственной логикой, однако не независимо одна от другой, а в тесном контакте и взаимодействии. Кроме этого, их объединяет логическая составляющая, традиционно присущая математике и пронизывающая все математические курсы и содержательные линии.

Воспитательный потенциал учебного предмета реализуется в единстве урочной и внеурочной деятельности.

Образовательная деятельность ОК ТБ направлена на становление культуры личности обучающихся на основе идеального конечного результата (далее ИКР) — способности и готовности делать осознанный образовательный выбор и нести за него ответственность. Ответственное распоряжение собственной жизнью как идеальный конечный результат, главное качество обучающегося ОК, — это особый образ жизни человека. В основании такого образа жизни лежат ценности и компетенции, в общем виде обозначаемые как культура саморазвития, культура созидания и культура взаимодействия.

Культуру саморазвития мы определяем как стремление и умение человека работать над собой, познавать новое, преодолевать трудности и собственную инерцию на пути постижения себя и открытия нового в мире.

Культура взаимодействия — гуманное отношение человека к человеку, включающее соблюдение норм вежливости, условных и общепринятых способов выражения доброго отношения друг к другу, форм приветствий, благодарности, извинений, правил поведения в общественных местах и т. п.

Культура созидания — это активный деятельностный процесс бесконечного развития, совершенствования и самореализации.

Целевыми ориентирами программы воспитания выступают:

- гражданско-патриотическое воспитание;
- духовно-нравственное воспитание;
- эстетическое воспитание;
- физическое воспитание;

- трудовое воспитание;
- экологическое воспитание;
- ценности научного познания.

Соединение трех культур создает условия для присвоения обучающимися **ценностей** в соответствии с целевыми ориентирами программы воспитания ОК ТБ:

1.	Культура саморазвития					
	самоценность;					
	ценность развития;					
	ценность самореализации;					
	ценность познания;					
	ценность выбора;					
	достоинство как ценность					
	духовно-нравственные ценности;					
	ценность эстетики (культуры и искусства).					
2.	Культура взаимодействия:					
	ценность сотрудничества;					
	ценность доверия;					
	ценность диалога;					
	ценность другого;					
	ценность договора;					
	ценность волонтёрства.					
3.	Культура созидания:					
	ценность жизни;					
	ценность гражданской культуры;					
	ценность труда;					
	ценность авторства;					
	ценность традиций;					
	ценность экологии;					
	ценность физического и эмоционального					
	благополучия;					
	ценность творчества.					

Данная система ценностей встраивается в рамках урочной в 2-х контекстах:

- как обязательная воспитательная задача урока/ занятия внеурочной деятельности/коррекционно-развивающего курса;
 - как элемент рабочей программы воспитания.

Ценность может быть заведена как самостоятельная ценностно-смысловая единица или в интеграции с другими ценностями в зависимости от целей и задач урока.

Периодичность и порядок текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по учебному предмету, курсу, учебному модулю описаны в Положении о системе оценивания образовательных результатов обучающихся Частного общеобразовательного учреждения «Образовательный комплекс «Точка будущего».

Описание места учебного предмета, курса в учебном плане ОК ТБ

- 1. Предметная область: Математика и информатика
- 2. Период обучения: 2 года

Программа по математике рассчитана в 10 классе (углубленный уровень) на 272 часа в год: из них 136 часов в год, 4 часа в неделю отведены на модуль "Алгебра и начала математического анализа", на модуль "Геометрия" отводится 102 часа в год, 3 часа в неделю, на модуль «Вероятность и статистика» отводится 34 часа в год, 1 час в неделю.

Программа по математике рассчитана в 11 классе (углубленный уровень) на 272 часа в год: из них 136 часов в год, 4 часа в неделю отведены на модуль "Алгебра и начала математического анализа", на модуль "Геометрия" отводится 102 часа в год, 3 часа в неделю, на модуль «Вероятность и статистика» отводится 34 часа в год, 1 час в неделю.

3. Недельное и годовое количество часов:

Год обучения	Количество часов в неделю		Всего часов за учебный год
1 год (2023–2024)	8	34	272
2 год (2024–2025)	8	34	272

Рабочая программа учебного предмета "Математика" (углубленный уровень) ориентирована: по курсу "Алгебра и начала математического анализа"

на использование УМК Алгебра и начала математического анализа. Мерзляк А.Г. (10–11) углубленный уровень

Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для педагога.

- 1. Математика. 7 11 классы: рабочие программы с углубленным изучением математики / А. Г. Мерзляк [и др.]. М.: Вентана–Граф, 2017. 150 с.
- 2. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- 3. Мерзляк, А. Г. Математика. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: учеб. пособие / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2021.
- 4. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: метод. пособие / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков. М.: Просвещение, 2021.
- 5. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа: дидактические материалы. 10 класс: пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А. Г. Мерзляк [и др.]. М.: Вентана–Граф, 2019. 176 с.
- 6. Мерзляк, А. Г. Алгебра. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. М.: Вентана–Граф, 2022.
- 7. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- 8. Мерзляк, А. Г. Математика. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: углубленный уровень: учеб. пособие / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2021.
- 9. Шуркова, М. В. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: базовый уровень: контрольные работы / М. В. Шуркова. М.: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2020. 32 с.
- 10. Глизбург, В.И. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: базовый и углубленный уровни: контрольные работы / В.И.Глизбург; под ред. А.Г. Мордковича. М.: Мнемозина, 2019. 61 с.
- 11. Иченская, М. А. Геометрия. 10 -11 классы: контрольные работы / М. А. Иченская. М.: Просвещение, 2020. 64 с.
- · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.

- · ЕГЭ–2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный.

Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для обучающихся.

- 1. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- 2. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа: дидактические материалы. 10 класс: пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А.Г.Мерзляк [и др.]. М.: Вентана–Граф, 2019. 176 с.
- 3. Мерзляк, А. Г. Алгебра. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. М.: Вентана–Граф, 2022.
- 4. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · ЕГЭ-2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный.

Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для родителей.

- 1. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- 2. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа: дидактические материалы. 10 класс: пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А. Г. Мерзляк [и др.]. М.: Вентана–Граф, 2019. 176 с
- 3. Мерзляк, А. Г. Алгебра. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. М.: Вентана–Граф, 2022.
- 4. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.

- · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · ЕГЭ–2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный.

по курсу "Геометрия"

на использование УМК Геометрия. Мерзляк А.Г. (10 -11) углубленный уровень Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для педагога:

- 1. Математика. 5–11 классы: рабочие программы: 3-е издание переработанное. / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, М. С. Якир, Е. В. Буцко. М.: Вентана Граф, 2020. 163 с.
- 2. Мерзляк, А. Г. Математика: геометрия. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В. М. Поляков; под редакцией Подольского В.Е. М.: Просвещение, 2023.
- 3. Мерзляк, А. Г. Математика: геометрия. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В. М. Поляков; под редакцией Подольского В.Е. М.: Просвещение, 2023.
- 4. Мерзляк, А. Г. Геометрия. 10 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А.Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. Вентана- Граф, 2023.
- 5. Мерзляк, А. Г. Геометрия. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А.Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. Вентана- Граф, 2023.
- 6. Иченская, М.А. Геометрия 10 -11 класс: контрольные работы / М.А. Иченская.- М.: Просвещение, 2020. 64 с.
- 7. Иченская, М.А. Геометрия 10 -11 класс: самостоятельные работы / М.А. Иченская.- М.: Просвещение, 2020. 64 с.
- 8. Зив, Б.Г. Геометрия 11 класс: базовый и углубленный уровни: дидактические материалы. /Б.Г.Зив. М.: Просвещение, 2020. 156 с.
- · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · ЕГЭ–2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный.

Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для обучающихся:

- 1. Мерзляк, А. Г. Математика: геометрия. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В. М. Поляков; под редакцией Подольского В.Е. М.: Просвещение, 2023.
- 2. Мерзляк, А. Г. Математика: геометрия. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В. М. Поляков; под редакцией Подольского В.Е. М.: Просвещение, 2023.

- 3. Мерзляк, А. Г. Геометрия. 10 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А.Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. Вентана- Граф, 2023.
- 4. Мерзляк, А. Г. Геометрия. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А.Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. Вентана- Граф, 2023.
- · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · ЕГЭ–2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный. Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для родителей:
- 1. Мерзляк, А. Г. Математика: геометрия. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В. М. Поляков; под редакцией Подольского В.Е. М.: Просвещение, 2023.
- 2. Мерзляк, А. Г. Математика: геометрия. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А.Г. Мерзляк, Д.А. Номировский, В. М. Поляков; под редакцией Подольского В.Е. М.: Просвещение, 2023.
- 3. Мерзляк, А. Г. Геометрия. 10 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А.Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. Вентана- Граф, 2023.
- 4. Мерзляк, А. Г. Геометрия. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А.Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. Вентана- Граф, 2023.
- · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · ЕГЭ–2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный.

по курсу "Вероятность и статистика" на использование УМК Математика. Мерзляк А.Г. (10–11) Углубленный уровень

Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для педагога:

- 1. Математика. 7 11 классы: рабочие программы с углубленным изучением математики / А. Г. Мерзляк [и др.]. М.: Вентана–Граф, 2017. 150 с.
- 2. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.

- 3. Мерзляк, А. Г. Математика. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: учеб. пособие / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2021.
- 4. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: метод. пособие / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков. М.: Просвещение, 2021.
- 5. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа: дидактические материалы. 10 класс: пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А. Г. Мерзляк [и др.]. М.: Вентана–Граф, 2019. 176 с.
- 6. Мерзляк, А. Г. Алгебра. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. М.: Вентана–Граф, 2022.
- 7. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- 8. Мерзляк, А. Г. Математика. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс: углубленный уровень: учеб. пособие / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2021.
- 9. Решение задач по статистике, комбинаторике и теории вероятностей. 7–9 классы / авт.-сост. В. Н. Студенецкая. Волгоград: Учитель, 2010.
- 10. Ткачёва М. В., Фёдорова Н. Е. Элементы статистики и вероятность. Учебное пособие для 7 -9 кл. общеобразовательных учреждений. М.: Просвещение, 2004.
- 11. Решение задач по статистике, комбинаторике и теории вероятностей. 7–9 кл. / Авторсоставитель Студенецкая В.Н. Волгоград: Учитель, 2005.
 - · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
 - · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · ЕГЭ–2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Министерство образования РФ. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.informika.ru; http://www.ed.gov.ru; http://www.edu.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Тестирование online: 5–11 классы. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.kokch.kts.ru/cdo/ Режим доступа: свободный.
- · Архив учебных программ информационного образовательного портала «RusEdu!». [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://rusedu.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Мегаэнциклопедия Кирилла и Мефодия. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://mega.km.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Сайты энциклопедий, например. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.rubricon.ru; http://www.encyclo-pedia.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Вся элементарная математика. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.bymath.net/ Режим доступа: свободный.

Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для обучающихся:

- 1. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- 2. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа: дидактические материалы. 10 класс: пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А. Г. Мерзляк [и др.]. М.: Вентана–Граф, 2019. 176 с.
- 3. Мерзляк, А. Г. Алгебра. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. М.: Вентана–Граф, 2022.
- 4. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · ЕГЭ–2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Министерство образования РФ. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.informika.ru; http://www.ed.gov.ru; http://www.edu.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Тестирование online: 5–11 классы. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.kokch.kts.ru/cdo/ Режим доступа: свободный.
- · Архив учебных программ информационного образовательного портала «RusEdu!». [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://rusedu.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Мегаэнциклопедия Кирилла и Мефодия. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://mega.km.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Сайты энциклопедий, например. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.rubricon.ru; http://www.encyclo-pedia.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Вся элементарная математика. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.bymath.net/ Режим доступа: свободный.

Перечень основной учебной литературы, учебно-методических материалов и ЭОР (ЦОР) для родителей:

- 1. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 10 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- 2. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа: дидактические материалы. 10 класс: пособие для учащихся общеобразовательных организаций / А. Г. Мерзляк [и др.]. М.: Вентана–Граф, 2019. 176
- 3. Мерзляк, А. Г. Алгебра. 11 класс: углубленный уровень: самостоятельные и контрольные работы / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, Е. М. Рабинович. М.: Вентана–Граф, 2022.

- 4. Мерзляк, А. Г. Математика: алгебра и начала математического анализа. 11 класс: углубленный уровень: учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков; под ред. В. Е. Подольского. М.: Просвещение, 2023.
- · Математика: ЕГЭ и ГИА по математике, открытый банк заданий, математика класс, решебник и ГДЗ по математике [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://uztest.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Учи.ру [Электронный ресурс]: онлайн-платформа. URL: https://uchi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · ЕГЭ-2023: задания, ответы, решения [Электронный ресурс]: сайт. URL https://ege.sdamgia.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Федеральное государственное бюджетное научное учреждение «Федеральный институт педагогических измерений» [Электронный ресурс]: офиц. сайт. URL: https://fipi.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Гиперматика [Электронный ресурс]: сайт. URL: https://7.math.ru/. Режим доступа: свободный.
- · Министерство образования РФ. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.informika.ru; http://www.ed.gov.ru; http://www.edu.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Тестирование online: 5–11 классы. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.kokch.kts.ru/cdo/ Режим доступа: свободный.
- · Архив учебных программ информационного образовательного портала «RusEdu!». [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://rusedu.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Мегаэнциклопедия Кирилла и Мефодия. [Электронный ресурс]: сайт. URL http://mega.km.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Сайты энциклопедий, например. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.rubricon.ru; http://www.encyclo-pedia.ru/ Режим доступа: свободный.
- · Вся элементарная математика. [Электронный ресурс]: сайт. URL: http://www.bymath.net/ Режим доступа: свободный.

Раздел 1. Содержание учебного предмета, курса, учебного модуля с учётом рабочей программы воспитания

	10 класс			
Алгебра и начала математического анализа				
Разделы, темы	Содержание учебной темы (дидактические единицы)			
Числа и вычисления	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби.			
	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.			
	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными			
	числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.			
	Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.			
	Арифметический корень натуральной степени и его свойства.			
	Степень с рациональным показателем и её свойства; степень с действительным показателем.			
	Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.			
	Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового			
	аргумента.			
Уравнения и	Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и			
неравенства	уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.			
	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми			
	коэффициентами. Теорема Виета.			
	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.			
	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.			
	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.			
	Преобразование выражений, содержащих логарифмы.			
	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.			
	Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение			
	тригонометрических уравнений.			
	Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы 2×2, его			
	геометрический смысл и свойства; вычисление его значения, применение определителя для решения системы			

	линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей. Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.
Функции и графики	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке. Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков. Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня п-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем. Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений. Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента. Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.
Начала математического анализа	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых. Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число е. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера. Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач. Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции. Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.
Множества и логика	Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера—Венна. Применение теоретикомножественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов. Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.

алгоритма Евклида для решения задач в целых числах. Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа.			
·			
Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной			
плоскости. Формула Муавра. Корни п-ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для			
решения физических и геометрических задач.			
Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные			
неравенства.			
Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение			
тригонометрических неравенств.			
Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.			
Основные методы решения иррациональных неравенств.			
Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и			
логарифмических уравнений.			
Уравнения, неравенства и системы с параметрами.			
Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей			
науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов			
График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.			
Тригонометрические функции, их свойства и графики.			
Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.			
Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при			
решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.			
Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего			
и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.			
Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения			
скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.			
Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила			
нахождения первообразных.			
Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле			
Ньютона—Лейбница.			
Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.			
Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с			
помощью дифференциальных уравнений.			

10 класс	
Прямые и плоскости в пространстве	Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них. Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые
	в пространстве; параллельность трёх прямых; параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами; угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости; свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед; построение сечений.
	Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.
	Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью; двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.
Многогранники	Виды многогранников; развёртка многогранника. Призма: n-угольная призма; прямая и наклонная призмы; боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида: n-угольная пирамида; правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.
	Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды. Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.
Векторы и координаты в пространстве	Понятия: вектор в пространстве; нулевой вектор, длина ненулевого вектора; векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов; сумма нескольких векторов; умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности

трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным в Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами в			
	координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.		
11 класс			
Тела вращения	Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара. Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента. Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения. Площадь поверхности цилиндра, конуса; площадь сферы и её частей; Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов. Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара; методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.		
Векторы и	Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного		
координаты в пространстве	умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.		
Движения в	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений:		
пространстве	параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.		
Вероятность и стат	истика		
10 класс			
	Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья. Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями. Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.		

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

11 класс

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности и свойства нормального распределения. Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

Раздел 2. Планируемые результаты освоения учебного предмета, курса, в том числе с учётом рабочей программы воспитания

1. Личностные образовательные результаты.

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

• сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

• сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственное воспитание:

• осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

• эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

• сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

• готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

• сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

• сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

2. Метапредметные образовательные результаты.

Перечень межпредметных понятий

АБСОЛЮТНОЕ – безусловное, самодостаточное, вечное, завершенное; противостоит относительному.

АБСТРАКТНОЕ – одностороннее, простое, неразвитое; сторона, часть целого; противостоит конкретному.

АБСТРАКЦИЯ – мысленное отвлечение от ряда свойств предметов и отношений между ними; понятие, образуемое в результате отвлечения.

АДЕКВАТНОСТЬ – соответствие, равенство, эквивалентность; в теории познания соответствие, сходство идеального образа и объекта.

АКСИОМА – исходное положение теории, принимаемое без доказательств.

АКТУАЛИЗАЦИЯ – превращение возможностей (потенций) в действительность.

АКТУАЛЬНЫЙ – существующий в действительности; противоположное – потенциальный.

АНАЛИЗ – процедура мысленного разложения целого на составные части; противоположное – синтез

АНАЛОГИЯ - умозаключение, в котором на основе сходства предметов в одних отношениях делается предположительный вывод об их сходстве в других отношениях; аналогия является источником гипотез.

АТРИБУТ – необходимое, существенное, неотъемлемое свойство объекта, без которого он не может ни существовать, ни мыслиться; противоположное – акциденция.

ВЕРИФИКАЦИЯ – установление истинности научных утверждений посредством их опытной проверки.

ВЕРОЯТНОСТЬ – показатель осуществимости тех или иных возможностей при определенных условиях.

ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ – процессы обмена веществом, энергией, информацией, деятельностью и т.п. ВИДИМОСТЬ – момент обманчивости в восприятии тех или иных явлений.

ВИД И РОД (в логике) – понятия, выражающие отношения между классами предметов; вид как класс входит в род.

ВСЕОБЩЕЕ – характеристики, присущие всем предметам данного класса; единая основа бесконечного множества явлений; внутренняя сущность явлений, закон их существования и развития.

ВТОРИЧНОЕ – несамостоятельное, имеющее причину не в себе, а в другом.

ГИПОТЕЗА – вероятностное предположение, выдвигаемое с целью объяснения какого-либо явления.

ДЕДУКЦИЯ – логический переход от общего к частному; выведение согласно строгим правилам логики достоверных заключений из посылок.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО – процесс (метод) установления истины; обоснование истинности того или иного суждения (тезиса).

ДОСТОВЕРНОСТЬ – характеристика знания, истинность или ложность которого доказана; противоположное – проблематичность.

ЕДИНИЧНОЕ – индивидуальное, неповторимое, уникальное; совокупность характеристик, отличающих данное явление от других.

ЕДИНОЕ И МНОГОЕ – понятия, выражающие соотношения общей основы (единое) и разнообразия бытия (многое).

ЗАКОНОМЕРНОСТЬ – объективная, повторяющаяся при определенных условиях существенная связь явлений в природе и обществе.

ЗНАК – явление, выступающее в качестве представителя и заместителя других явлений; смысловое значение знака содержит информацию об обозначаемых явлениях.

ЗНАНИЕ – результат процесса познания действительности; знаково оформленная система идеальных образов.

ЗНАЧЕНИЕ И СМЫСЛ – понятия, фиксирующие обозначаемый знаком класс предметов и информацию о нем.

ИДЕАЛ – образ совершенства, выступающий в качестве цели.

ИДЕАЛИЗАЦИЯ – мысленное конструирование понятий об объектах, не существующих и не осуществимых в действительности, но таких, для которых имеются прообразы в реальном мире.

ИДЕЯ – форма постижения в мысли явлений, включающая в себя сознание цели и проекции дальнейшего познания и практического преобразования мира.

ИЛЛЮЗИЯ – искаженное восприятие действительности.

ИНДИВИДУАЛЬНОСТЬ – неповторимое своеобразие какого-либо явления, в том числе отдельного человека.

ИНДУКЦИЯ – логический переход от частного к общему, результат которого имеет вероятностный характер.

ИНСТИНКТ – совокупность врожденных компонентов психики, определяющая поведение животных и человека.

ИНТЕЛЛЕКТ – мыслительная (умственная) способность человека; может отождествляться с рассудком, разумом и интуицией.

ИСТИНА – адекватное отражение объекта познающим субъектом, верное отражение действительности; противоположное – заблуждение.

КАТЕГОРИЯ – предельно общее, фундаментальное понятие философии.

КАЧЕСТВО – то, что характеризует природу вещи, ее принадлежность к определенному классу предметов.

КЛАСС (логический) – понятие, обозначающее множество предметов, удовлетворяющее какимлибо условиям или признакам.

ЛОГИКА – наука о мышлении, исследующая общезначимые формы и средства мысли; является основой логического (дискурсивного) познания.

МЕТОД – путь исследования, способ достижения цели, совокупность приемов и операций практического и теоретического освоения действительности.

МЫШЛЕНИЕ – способность к познанию через понятия, высшая форма постижения человеком действительности путем обобщения сущностных и отношений предметов и явлений.

ОБРАЗ – одно из основных понятий теории познания, характеризующее результат познавательной деятельности субъекта.

ОБЪЕКТ – то, что противостоит субъекту, на что направлена его предметно-практическая и познавательная деятельность.

ПОНЯТИЕ – форма логического мышления, образ, фиксирующий общие и существенные признаки и свойства предметов и явлений и отношения между ними.

ПРЕДСТАВЛЕНИЕ – восстановление памятью образа ранее воспринятого предмета или явления, а также создание образа путем воображения.

ПРИНЦИП – в философии то же, что и основание, т. е. то, что лежит в основе некоторой совокупности фактов и знаний. Принцип – это основополагающее понятие, позволяющее объединить законы той или другой научной дисциплины в единую систему знаний.

ПРОБЛЕМА – объективно возникающий в ходе развития познания вопрос или целостный комплекс вопросов, решение которых представляет существенный практический или теоретический интерес. ПРОГРЕСС – переход от низшего, менее совершенного уровня к более высокому.

РАЗВИТИЕ – необратимое, закономерное, направленное, качественное изменение материальных и идеальных объектов. Развитие характеризуется специфическим объектом, механизмом, источником, формами и направленностью.

дает новые идеи, выходящие за пределы сложившихся систем знания.

РАЦИОНАЛИЗМ – философское направление, полагающее разум основой познания и поведения людей. Рационализм противостоит иррационализму и сенсуализму (эмпиризму).

РЕАЛИЗМ – в истории философии – позиция, согласно которой общее обладает объективным существованием, предшествует единичным конкретным предметам и независимо от них. Противостоит номинализму.

РЕФЛЕКСИЯ – принцип человеческого мышления, направляющий его на осмысление и осознание собственных форм и предпосылок; предметное рассмотрение самого знания, критический анализ его содержания и методов познания; деятельность самопознания, раскрывающая внутреннее строение и специфику духовного мира человека.

СИНТЕЗ – соединение различных элементов в единое целое, выполняемое в процессе познания и практической деятельности.

СИСТЕМА – совокупность элементов, находящихся в отношениях и связях между собой и образующих определенную целостность, единство.

СТРУКТУРА – строение и внутренняя форма организации системы, выступающая как единство устойчивых взаимосвязей между ее элементами, а также законов данных взаимосвязей. Структура – неотъемлемый атрибут всех реально существующих объектов и систем.

СУБЪЕКТ – носитель предметно-практической деятельности и познания (индивид или социальная группа), источник активности, направленной на объект.

ТЕНДЕНЦИЯ - направление развития какого-либо явления или процесса.

УМОЗАКЛЮЧЕНИЕ – логическая форма получения выводного знания, рассуждение, в ходе которого из одного или нескольких суждений, называемых посылками, выводится новое суждение (заключение или следствие), логически вытекающее из посылок. Переход от посылок к заключению всегда совершается по какому-либо правилу логики (правилу вывода).

ФАКТ – событие, которое было или есть на самом деле.

ЦЕЛЬ – идеально, деятельностью мышления положенный результат, ради достижения которого предпринимаются те или иные действия; идеально-побуждающий мотив деятельности.

ЯЗЫК – система знаков, служащая средством человеческого общения, мышления и выражения.

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1)Универсальные **познавательные** действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

• использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведенного наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи:
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.
 - 2) Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учетом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и т. п.); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.
- 3) Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

Самоорганизация:

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.
- Самоконтроль:
- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

3. Предметные образовательные результаты.

Освоение учебного курса **«Алгебра и начала математического анализа»** на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

10 класс

Числа и вычисления

- Свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное число; множества рациональных и действительных чисел; модуль действительного числа.
- Применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.
- Применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений.
- Свободно оперировать понятием: степень с целым показателем; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.
- Свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени.
- Свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем.
- Свободно оперировать понятиями: логарифм числа; десятичные и натуральные логарифмы.
- Свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента.
- Оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

Уравнения и неравенства

- Свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия; равносильные неравенства.
- Применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений; применять метод интервалов для решения неравенств.
- Свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной; многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена; применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач.
- Свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы 2 × 2 и его геометрический смысл; использовать свойства определителя 2 × 2 для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений; моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат.
- Использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений.
- Выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем.
- Использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений.

- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения; находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней.
- Применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений.
- Свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений.
- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

- Свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций; график функции; выполнять элементарные преобразования графиков функций.
- Свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.
- Свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке.
- Свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем; график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.
- Оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции; выполнять элементарное исследование и построение их графиков.
- Свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики; использовать их графики для решения уравнений.
- Свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.
- Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

Начала математического анализа

- Свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов; иметь преставление о константе е.
- Использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.
- Свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности; понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых.
- Свободно оперировать понятиями: непрерывные функции; точки разрыва графика функции; асимптоты графика функции.
- Свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке; применять свойства непрерывных функций для решения задач.
- Свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции.
- Вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций; знать производные элементарных функций.
- Использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

Множества и логика

- Свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами.
- Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.
- Свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

11 класс

Числа и вычисления

- Свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел; использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида.
- Свободно оперировать понятием остатка по модулю; записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления.
- Свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел; представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

Уравнения и неравенства

- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства; находить их решения с помощью равносильных переходов.
- Осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения.
- Свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств.
- Свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств; равносильные системы и системы-следствия; находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств.
- Решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры.
- Применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами.
- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

Функции и графики

- Строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций.
- Строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.
- Свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций.
- Применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

Начала математического анализа

- Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы.
- Находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке.
- Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.
- Свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл; находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона—Лейбница.

- Находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла.
- Иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений.
- Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

Освоение учебного курса **«Геометрия»** на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

10 класс

- Свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений.
- Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач.
- Классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве; плоскостей в пространстве; прямых и плоскостей в пространстве.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве; между прямой и плоскостью.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками.
- Свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб).
- Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью.
- Выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость; выполнять изображения фигур на плоскости.
- Строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу.
- Вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул.
- Свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве; центр, ось и плоскость симметрии; центр, ось и плоскость симметрии фигуры.
- Свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве.
- Выполнять действия над векторами.
- Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности.
- Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.
- Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.
- Применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.
- Иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

11 класс

- Свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями; объяснять способы получения.
- Оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром.

- Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения.
- Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости.
- Вычислять величины элементов многогранников и тел вращения; объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или тело вращения.
- Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел.
- Изображать изучаемые фигуры; выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения.
- Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках.
- Свободно оперировать понятием вектор в пространстве.
- Выполнять операции над векторами.
- Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат.
- Решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями; вычисление расстояний от точки до плоскости; в целом, на применение векторно-координатного метода при решении.
- Свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве; знать свойства движений.
- выполнять изображения многогранником и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой; преобразования подобия.
- Строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара.
- Использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.
- Доказывать геометрические утверждения.
- Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме.
- Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин.
- Применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач.
- Применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации; применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.
- Иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

Освоение учебного курса **«Вероятность и статистика»** на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

10 класс

- Свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента.
- Свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайного опыта; находить вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями.
- Находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному; использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач; пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий.
- Оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента; находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач; определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента.
- Применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей.
- Свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний; находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха; в серии испытаний Бернулли; в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности.
- Свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

11 класс

- Оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин; использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин.
- Свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения); применять свойства математического ожидания при решении задач; вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений.
- Свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины; применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач; вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений.
- Вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями.
- **4.** Направления проектной и учебно-исследовательской деятельности обучающихся с указанием тематики проектов.

Направление проектной и учебно-исследовательской деятельности	
	Алгоритмы решения тригонометрических уравнений и систем уравнений. Геометрические модели в естествознании Геометрия Евклида как первая научная система.
	Геометрия многогранников

	Графики элементарных функций в рисунках
	Диофантовы уравнения
	Замечательные математические кривые: розы и спирали.
	Золотая пропорция
	Комплексные и гиперкомплексные числа.
	Путешествие в мир фракталов
	Применение производной
	Развитие тригонометрии как науки
	Формула для нахождения корней кубического уравнения. Уравнения
	четвертой степени и методы их решения.
	Лист Мебиуса - удивительный объект исследования
	Методы решения уравнений и неравенств с параметром
	Построение графиков функций, содержащих модуль
	Периодические функции
	Парадоксы теории множеств
	Методы решения функциональных уравнений
Информационное	Великие математики древности
T T T T T T T T T T T T T T T T T T T	Великое искусство и жизнь Джероламо Кардано
	Геометрия Лобачевского
	Предыстория математического анализа. Значение производной в
	различных областях науки
	Векторы в пространстве
	Все загадки и применение Бутылки Клейна
	Графы и их использование
	Загадки Циклоиды
	Фракталы: геометрия красоты
	Природа и история мнимых чисел
	Теорема Виета и комбинаторика
	Формула Ньютона - Лейбница в примерах вычисления интегралов
	Число «е» и его тайны
	Эти замечательные логарифмы
	Определение элементарных функций с помощью функциональных
	уравнений Коши
	Математическая логика - язык математики
	Числа Каталана
	Китайская теорема об остатках
	Целозначные многочлены
	Теорема Ферма о сумме двух квадратов
C	
Социальное	Сложные проценты в реальной жизни
	Функции в жизни человека
F	Случайные события и их математическое описание
Бизнес-проектирование	Матричная алгебра в экономике
	Приложения определенного интеграла в экономике
	Применение показательной и логарифмической функций в экономике
	Производная в экономике
	Комплексные числа в экономике
	Использование матриц при решении экономических задач
Инженерное	Математика в инженерии
	Математика в архитектуре. Платоновы тела. Симметрия и гармония
	окружающего мира.
	Развертка
	Графы и их применение в архитектуре

Раздел 3. Тематическое планирование с указанием количества часов, в том числе с учетом рабочей программы воспитания, отводимых на освоение каждой темы

Разделы, темы	Кол-во часов	ЦОР, ЭОР, используемые для изучения раздела, темы	
10 класс			
Алгебр	ра и начала /	математического анализа	
Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений.	24 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/ Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/ Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/ Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/ Официальный сайт Российская электронная школа -URL: https://resh.edu.ru/	
Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/ Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/ Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/ Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/ Официальный сайт Российская электронная школа -URL: https://resh.edu.ru/	
Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	18 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/ Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/ Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/ Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/ Официальный сайт Российская электронная школа - URL: https://resh.edu.ru/	
Показательная функция. Показательные уравнения	10 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/ Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/ Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/ Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/ Официальный сайт Российская электронная школа -URL: https://resh.edu.ru/	
Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/ Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/	

		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Тригонометрические выражения и уравнения	22 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Последовательности и прогрессии	10 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Непрерывные функции. Производная	20 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Повторение, обобщение, систематизация знаний	2 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
	11	класс
Исследование функций с помощью производной	24 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>

		Официальный сайт Российская электронная школа - URL: <u>https://resh.edu.ru/</u>
Первообразная и интеграл	12 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Графики тригонометрических функций.	16 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
Тригонометрические неравенства		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Иррациональные, показательные и	24 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
логарифмические неравенства		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Комплексные числа	10 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Натуральные и целые числа	10 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Системы рациональных, иррациональных	12 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
показательных и логарифмических уравнений		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/

		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Задачи с параметрами	16 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Повторение, обобщение, систематизация знаний	12 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
·		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
	Гео	метрия
	10	класс
Введение в стереометрию	21 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Взаимное расположение прямых в пространстве	6 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Параллельность прямых и плоскостей в	8 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
пространстве		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
1	i .	Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/

		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u> Официальный сайт Российская электронная школа - URL: <u>https://resh.edu.ru/</u>
Перпендикулярность прямых и плоскостей в	26 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
пространстве		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Углы и расстояния	16 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: <u>https://resh.edu.ru/</u>
Многогранники	7 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: <u>https://resh.edu.ru/</u>
Векторы в пространстве	13 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
	_	URL: https://resh.edu.ru/
Движения	5ч	Официальный сайт UzTest.ru - URL: https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Peшy ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/

	11	класс
Аналитическая геометрия	15 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
r		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Повторение, обобщение и систематизация знаний	15 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: <u>https://resh.edu.ru/</u>
Объём многогранника	1 <i>7</i> ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: <u>https://resh.edu.ru/</u>
Тела вращения. Сфера и шар. Комбинация тел	24 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
вращения и многогранников		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Площади поверхности и объёмы круглых тел	9 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Повторение, обобщение и систематизация знаний	22 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>

		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/ Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/ Официальный сайт Российская электронная школа - URL: https://resh.edu.ru/
	•	гь и статистика
		класс
Элементы теории графов	3 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/Официальный сайт Учи.ру- URL:https://uchi.ru/Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/ Официальный сайт Российская электронная школа - URL: https://resh.edu.ru/
Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/Официальный сайт Учи.py- URL:https://uchi.ru/Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/Официальный сайт Российская электронная школа -URL:https://resh.edu.ru/
Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5 ч	Официальный сайт UzTest.ru - URL: https://uztest.ru/ Официальный сайт Учи.ру- URL: https://ege.sdamgia.ru/ Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/ Официальный сайт Российская электронная школа - URL: https://resh.edu.ru/
Элементы комбинаторики	3 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: https://uztest.ru/ Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/ Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/ Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/ Официальный сайт Российская электронная школа - URL: https://resh.edu.ru/
Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/Официальный сайт Учи.ру- URL:https://uchi.ru/Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/

		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Случайные величины и распределения	15 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
,		Официальный сайт Учи.py- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
	11	класс
Закон больших чисел	5 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL:https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL:https://fipi.ru/
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL:https://resh.edu.ru/
Элементы математической статистики	6 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL:https://uztest.ru/
		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Непрерывные случайные величины	4 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
(распределения), показательное и нормальное		Официальный сайт Учи.ру- URL: <u>https://uchi.ru/</u>
распределения		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: <u>https://ege.sdamgia.ru/</u>
		Официальный сайт ФИПИ- URL: <u>https://fipi.ru/</u>
		Официальный сайт Российская электронная школа -
		URL: https://resh.edu.ru/
Распределение Пуассона	2 ч	Официальный сайт UzTest.ru -URL: <u>https://uztest.ru/</u>
		Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/
		Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/
		Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/

		Официальный сайт Российская электронная школа - URL:https://resh.edu.ru/
Связь между случайными величинами	6 ч	Официальный сайт UzTest.ru - URL: https://uztest.ru/Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/Официальный сайт Российская электронная школа - URL: https://resh.edu.ru/
Обобщение и систематизация знаний	11 4	Официальный сайт UzTest.ru - URL: https://uztest.ru/Официальный сайт Учи.ру- URL: https://uchi.ru/Официальный сайт Решу ЕГЭ- URL: https://ege.sdamgia.ru/Официальный сайт ФИПИ- URL: https://fipi.ru/Официальный сайт Российская электронная школа - URL: https://resh.edu.ru/